

$$1^3 + 5^3 + 3^3 = 153$$

$$16^3 + 50^3 + 33^3 = 165033$$

$$166^3 + 500^3 + 333^3 = 166500333$$

$$1666^3 + 5000^3 + 3333^3 = 166650003333$$

Etc.

Beweis:

Die drei Zahlen lassen sich allgemein wie folgt ausdrücken:

$$a(n) := 10^n + \frac{6 \cdot (10^n - 1)}{9}$$

$$b(n) := 5 \cdot 10^n$$

$$c(n) := \frac{3 \cdot (10^{n+1} - 1)}{9}$$

Damit erhält man auf der linken Seite der Gleichung:

$$e(n) := a(n)^3 + b(n)^3 + c(n)^3$$

$$e(n) := \frac{\frac{3 \cdot n + 2}{2} \cdot \frac{3 \cdot (n + 1)}{5}}{3} - \frac{\frac{2 \cdot n + 1}{2} \cdot \frac{2 \cdot (n + 1)}{5}}{3} + \frac{10^{n+1}}{3} - \frac{1}{3}$$

Die rechte Seite allgemein formuliert ...

$$\text{erg}(n) := 10^{\frac{3 \cdot n + 2}{2}} + \frac{6 \cdot (10^n - 1)}{9} \cdot 10^{\frac{2 \cdot n + 2}{2}} + 5 \cdot 10^{\frac{2 \cdot n + 1}{2}} + \frac{3 \cdot (10^{n+1} - 1)}{9}$$

... und vereinfacht ...

$$\text{erg}(n) := \frac{\frac{3 \cdot n + 2}{2} \cdot \frac{3 \cdot (n + 1)}{5}}{3} - \frac{\frac{2 \cdot n + 1}{2} \cdot \frac{2 \cdot (n + 1)}{5}}{3} + \frac{10^{n+1}}{3} - \frac{1}{3}$$

... liefert den gleichen Term:

$$e(n) - \text{erg}(n)$$

0