

Bresenham-Gerade: für den ersten Oktanten

Gerade durch $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$: $y = kx + d$

T oberes Pixel, S unteres Pixel =>

Abstand von S zur wahren Linie: $s = y - y_$

Abstand von T zur wahren Linie: $t = (y_+1) - y$

falls $s < t$, dann S: $x_ = x_ + 1$, $y_$ bleibt

falls $s \geq t$, dann T: $x_ = x_ + 1$, $y_ = y_ + 1$,

Dabei gilt: $s - t = (y - y_ - (y_ + 1) - y) = 2y - 2y_ - 1 = 2(kx_ + d) - 2y_ - 1$

Sei $k = dy/dx$ mit $dx > 0$ und setzen wir $d' = dx(s - t) =>$

Entscheidungsvariable sei $d' = 2dy x_ - 2dx y_ + dx(2d - 1) =>$

$=> d'' = 2 dy (x_ + 1) - 2 dx (y_) + dx(2d - 1) =>$

$d'' - d' = 2dy - 2dx (y_ - y_)$

falls S: $y_ = y_ => d'' = d' + 2dy$

falls T: $y_ = y_ + 1 => d'' = d' + 2dy - 2dx$

Berechnung für den 1. Punkt: $d_1 = 2dy - dx$

Algorithmus:

$x_ = x_1, y_ = y_1$

$dx = x_2 - x_1, dy = y_2 - y_1$

$dT = 2(dy - dx), dS = 2 dy$

$d_ = 2 dy - dx$

zeichne $(x_ , y_)$

solange $(x_ < x_2)$ {

$x_ ++$

wenn $(d_ < 0)$ { $d_ = d_ + dS$ }

sonst { $y_ ++, d_ = d_ + dT$ }

zeichne $(x_ , y_)$

}

DERIVE:

kaestchen(P) ::= [P + [0.5, 0.5], P + [-0.5, 0.5], P + [-0.5, -0.5], P + [0.5, -0.5], P + [0.5, 0.5]]

bresenham_gerade(A, B, x, y, dx, dy, dT, dS, d, e) :=

Prog

$x := A_11$

$y := A_12$

$dx := B_11 - A_11$

$dy := B_12 - A_12$

$dT := 2 \cdot (dy - dx)$

$dS := 2 \cdot dy$

$d := 2 \cdot dy - dx$

$e := [\text{kaestchen}([x, y])]$

Loop

If $x < B_11$

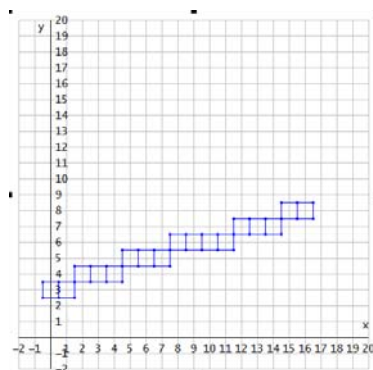
[$x := x + 1$, IF($d < 0$, $d := d + dS$, [$y := y + 1$, $d := d + dT$]), $e := \text{APPEND}(e, [\text{kaestchen}([x, y])])$]

RETURN e

$A_1 := [0, 3]$

$B_1 := [16, 8]$

bresenham_gerade(A1, B1)



Bresenham- Kreis: (für den zweiten Oktanten)

wir beginnen „oben“ (0,r) und rechnen nach „rechts“.

S Pixel innerhalb des Kreises: $x_-=x_-+1$, $y_-=y_- -1$ und $B(S) = (x_-+1)^2+(y_- -1)^2-r^2 <0$

T Pixel außerhalb des Kreises: $x_-=x_-+1$, y_- bleibt und $B(T) = (x_-+1)^2+y_-^2-r^2 >0$

Entscheidungsvariable sei $d' = B(T)+B(S) = 2(x_-+1)^2+y_-^2+(y_- -1)^2-2r^2$

$\Rightarrow d'' = 2(x_-+2)^2+y_-^2+(y_- -1)^2-2r^2$

falls S: $d''-d' = 4(x_- -y_-)+10$

falls T: $d''-d' = 4x_-+6$

Wir berechnen noch den ersten Punkt (0,r):

$d_1 = 2(0+1)^2+r^2+(r-1)^2-2r^2 = 3-2r$

Algorithmus:

$x_- = 0$, $y_- = r$,

$d_- = 3-2r$

solange ($x_- \leq y_-$) {

 zeichne ($x_- y_-$)

 wenn ($d_- < 0$) { $d_- = d_- + 4x_- + 6$ }

 sonst { $d_- = d_- + 4(x_- - y_-) + 10$, $y_- --$ }

$x_- ++$

}

DERIVE:

kaestchen(P) := [P + [0.5, 0.5], P + [-0.5, 0.5], P + [-0.5, -0.5], P + [0.5, -0.5], P + [0.5, 0.5]]

bresenham_kreis(r, x_, y_, d_, e_) :=

 Prog

$x_- := 0$

$y_- := r$

$d_- := 3 - 2 \cdot r$

$e_- := []$

 Loop

 If $x_- \leq y_-$

 [$e_- := \text{APPEND}(e_-, [\text{kaestchen}([x_-, y_-])])$], IF($d_- < 0$, $d_- := d_- + 4 \cdot x_- + 6$, [$d_- := d_- + 4 \cdot (x_- - y_-) + 10$, $y_- := y_- - 1$]), $x_- := x_- + 1$)

 RETURN e_-

bresenham_kreis(15)

